

сит от кристаллографич. направлений (во всяком случае, до давлений в десятки кбар), причём вдоль направлений со слабым межатомным взаимодействием она может в 8—10 раз превосходить  $S$ . по направлениям, вдоль к-рых в кристаллич. решётке более сильная связь; изменение параметра решётки в этих направлениях в определ. интервале  $p$  может быть даже положительным (теллур, селен).  $S$ . — важнейшая характеристика вещества, к-рая позволяет судить о зависимости физ. свойств от межатомных (межмолекулярных) расстояний. Знание  $S$ . газов (паров), жидкостей и твёрдых тел необходимо для расчёта работы тепловых машин, химико-технол. процессов, действия взрыва, аэро- и гидродинамич. эффектов, наблюдающихся при движении с большими скоростями, и т. д.

Лит.: Варгафтик Н. Б., Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей, 2 изд., М., 1972; Таблицы физических величин. Справочник, под ред. И. К. Кикоина, М., 1976; см. также лит. при ст. Давление высокое.

**СИГМА-МОДЕЛИ** ( $\sigma$ -модели) — модели теории поля, в к-рых  $m$  скалярных полей  $\phi^i$  ( $i = 1, \dots, m$ ) могут рассматриваться как задающие отображение  $\varphi: R^d \rightarrow M$   $d$ -мерного пространства-времени  $R^d$  (произвольной сигнатуры) в нек-рое многообразие  $M$  размерности  $m$  с метрикой  $g_{ij}(\varphi)$ , причём действие имеет вид:

$$S = \int \frac{1}{\lambda^2} g_{ij}(\varphi) \partial_\mu \phi^i \partial^\mu \phi^j d^d x \quad (\mu=1, \dots, d). \quad (1)$$

Здесь  $\lambda$  — безразмерная константа связи,  $x$  — точка  $d$ -мерного пространства-времени,  $\partial_\mu \equiv \partial/\partial x^\mu$ ,  $\partial^\mu \equiv \partial/\partial x_\mu$  (по совпадающим верх. и ниж. индексам предполагается суммирование).

Исторически первая С.-м. возникла как эфф. теория безмассовых возбуждений в следующей задаче. Рассмотрим теорию  $(m+1)$ -компонентного поля  $n$  с действием

$$S = \int \left\{ \frac{1}{\lambda^2} \partial_\mu n \partial^\mu n + V(n^2) \right\} d^d x. \quad (2)$$

Если потенциал  $V(n^2)$  обладает минимумом при  $n^2 = 1$ , то вблизи минимума имеются одно массивное поле, описывающее флуктуации модуля  $|n|$ , и  $m$  безмассовых полей, описывающих флуктуации направления поля  $n$  с сохранением величины  $n^2 = 1$ . Безмассовые поля допускают интерпретацию как координаты  $\phi^i$  ( $i = 1, \dots, m$ ) на сфере  $n^2 = 1$ , и вклад полей  $\phi^i$  в действие (2) даётся ф-лой (1), где  $g_{ij}(\varphi)$  — индуциров. метрика на сфере. Первое приложение этой схемы было связано с теорией трёх псевдоскалярных  $\pi$ -мезонов, к-рые отождествлялись с полями  $\phi^i$  в случае  $m = 3$ , а роль массивного поля  $|n|$  играла т. н.  $\sigma$ -частица, к-рая и дала назв. модели. Дальнейшее развитие в этом направлении привело к *Сальверма модели*, эффективно описывающей низкоэнергетич. предел квантовой хромодинамики (КХД) и физику адронов.

С.-м. с действием (1) допускает два обобщения. Во-первых, вместо плоского  $d$ -мерного пространства-времени  $R^d$  можно рассматривать искривлённое. При этом в (1) появится метрика (гравитац. поле)  $G_{\mu\nu}(x)$  и действие приобретёт вид:

$$S = \int \frac{1}{\lambda^2} g_{ij}(\varphi) \partial_\mu \phi^i \partial^\mu \phi^j G^{\mu\nu}(x) \sqrt{G} d^d x \quad (3)$$

( $G = \det G^{\mu\nu}$ ). Имеет смысл также рассматривать пространство-время произвольной топологии. Такие теории лучше всего изучены в случае  $d = 2$ , они играют значит. роль в совр. теории струн (см. *Струн теория*). Для струнных приложений представляют также интерес С.-м., в к-рых  $M$  не являются многообразиями, а могут иметь разл. рода сингулярности, при этом действие должно быть доопределено в сингулярных точках. Во-вторых, при нек-рых значениях  $d$  (напр.,  $d = 1, 2$ ) можно рассматривать суперсимметричные (С.-м.) С.-м., в к-рых  $x^\mu$  заменяются на координаты  $x^\mu, \theta$  в суперпространстве ( $\theta$  — чётная коорди-

ната), а поля  $\phi^i(x)$  — на суперполя  $\Phi^i(x, \theta) = \phi^i(x) + \theta \psi^i(x)$ . Здесь  $\psi^i$  — фермионные компоненты суперполей, к-рые можно интерпретировать как касательные векторы к многообразию  $M$ .

Совр. интерес к С.-м. объясняется гл. обр. их прямой связью с геометрией. Геом. структуры на многообразии  $M$  проявляются в физ. свойствах соответствующих С.-м. Напр., если  $M$  — однородное многообразие,  $M = G/H$ , то С.-м. (1) может быть альтернативным образом описана как С.-м. на  $M = G$ , взаимодействующая с дополнит. калибровочным полем, отвечающим группе  $H$ . Это одно из обстоятельств, связывающих С.-м. с теориями Янга — Миллса полей. Другие яркие примеры проявления геометрии  $M$  в структуре С.-м. связаны с суперсимметричными С.-м. В случае  $d = 2$  С.-м. обладает расширенной ( $N = 2$ )-суперсимметрией, если многообразие  $M$  кэлерово, и ( $N = 4$ )-суперсимметрией, если  $M$  гиперкэлерово (см. *Симплектическое многообразие*). В случае  $d = 4$  суперсимметричные С.-м. существуют только на кэлеровых многообразиях, а для ( $N = 2$ )-суперсимметрии требуется гиперкэлерово многообразие. Несколько иные ограничения на геометрию  $M$  возникают, если строить суперсимметричную С.-м., взаимодействующую с супергравитацией [т. е. суперобобщение действия (3)].

С.-м. являются удобным инструментом исследования общих свойств квантовой теории поля (КТП). Уже при  $d = 1$  С.-м. позволяют исследовать проблему упорядочения операторов. В случае однородных многообразий или суперсимметричных С.-м. ставится и исследуется вопрос о совместимости разл. способов упорядочения со свойствами симметрии теории. Мн. С.-м. при  $d = 2$  оказываются очень похожими по своим свойствам на 4-мерные теории Янга — Миллса. В частности, имеются *асимптотическая свобода* и широкий спектр непертурбативных явлений, включая *спонтанное нарушение симметрии* и её восстановление, инстантонные флуктуации (см. *Инстантон*), образование конденсатов (в т. ч. фермионных пар в суперсимметричных С.-м.). Это позволяет оценивать применимость разл. непертурбативных методов, первоначально развитых для изучения явления *конфайнмента* в КХД (инстантонное исчисление, решёточные и компьютерные вычисления и др.), на другом, значительно более простом примере двумерной теории.

Выше отмечалось, что С.-м. обычно возникают как эфф. теории безмассовых полей в более общих нелинейных теориях поля. В важных приложениях эти степени свободы отвечают коллективным возбуждениям и не входят в число первичных полей исходной теории. Чаще всего в С.-м. поля описывают квазичастицы, возникающие при спаривании фермионов. По существу таковы упоминавшиеся  $\pi$ -мезоны (составленные из кварка и антикварка, окружённых глюонным облаком). Др. важные примеры имеются в физике твёрдого тела (*квантовый Холла эффект*, модели *сверхпроводимости* и др.) и в теории элементарных частиц (*супергравитация* и др.).

С.-м., описывающие квазичастицы, чаще всего отличаются от моделей с действием (1) — (3) добавлением аномальных слагаемых, связанных с нетривиальностью гомотопич. групп  $\pi_d(M)$  и  $\pi_{d+1}(M)$  (см. *Топология*). В первом случае такие слагаемые в действии наз. топологическими, во втором — *весс-зуминовскими* членами (J. Wess, B. Zumino, 1973). Первые изменяют непертурбативные свойства теории, вторые — проявляются в теории возмущений. Важный пример *топологического заряда* при  $d = 2$  возникает уже в С.-м. на двумерной сфере,  $M = S^2$ , заданной условием  $n^2 = 1$ :

$$\int n[\partial_\mu n \partial_\nu n] \epsilon^{\mu\nu} d^2 x \quad (4)$$

( $\epsilon^{\mu\nu}$  — антисимметрич. тензор,  $\epsilon^{12} = 1$ ). Выражение под интегралом (с учётом условия  $n^2 = 1$ ) является